

Université Batna 2 -Mostefa Ben Boulaïd

- Faculté de Technologie –

Département D'Electronique

3^{ème} Année Licence Télécommunication 2017-2018

Solution EXAMEN

Sécurité de l'information

Responsable : Dr. Hedef Mahmoud

Exercice 01 (8 points)

Le RSA est une technique de codage asymétrique. Le RSA utilise deux nombres premiers, p et q , une clé de chiffrement publique $\langle e, n \rangle$ et une clé de déchiffrement privée $\langle d, n \rangle$.

1) Les étapes principales pour générer la clé publique et la clé privée du RSA **2.5 points**

1. Choisir p et q , deux nombres premiers distincts (généralement très larges)
2. Calculer leur produit $n = p * q \rightarrow$ module de chiffrement
3. Calculer $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1)$
4. Choisir un entier naturel e premier avec $\phi(n)$ et strictement inférieur à $\phi(n)$, appelé exposant de chiffrement ;
5. Calculer l'entier naturel d , inverse de e modulo $\phi(n)$, et strictement inférieur à $\phi(n)$, appelé exposant de déchiffrement tel que : $e * d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$

2) Le RSA utilise la clé publique $\langle e, n \rangle$ pour le chiffrement comme suit : **1 point**

$$C \equiv M^e \pmod{n}$$

et le RSA utilise la clé privée $\langle d, n \rangle$ pour le déchiffrement comme suit :

$$M \equiv C^d \pmod{n}$$

3) Pour $\langle e, n \rangle = \langle 5, 91 \rangle$ les valeurs de p , q et e suivantes : $p = 7$, $q = 13$, $e = 5$ **0.5 point**

- a. On Calcule La valeur positive la plus petite du d qui fonctionne comme la clé privée de l'algorithme du RSA
 - le produit $\phi(n) = (p - 1) * (q - 1) = 6 * 12 = 72$ **0.25 point**
 - On calcule d tel que : $e * d \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$ donc $5d \equiv 1 \pmod{72}$
 $29 * 5 * d \equiv 29 \pmod{72} \rightarrow d \equiv 29 \pmod{72}$
 $d \equiv 29 \pmod{192}$
 $d=29$ 1.25 point
- b. Supposons que le message naturel $M1 = 3$ doit être encodé en utilisant la paire de la clé publique
 - i. Trouvez le message chiffré $C1$ qui correspond au message $M1$.
 $C1 \equiv M1^e \pmod{n} \rightarrow C1 \equiv 3^5 \pmod{91} \rightarrow C1 \equiv 61 \pmod{91}$ donc on peut prendre
 $C1=61$ 0.5 point
 - ii. Pour vérifier que le message déchiffré du $C1$ est le message $M1$ on calcule
 $C1^d \equiv ? \pmod{n}$

$$\begin{array}{ll}
61^0 \equiv 1[91] & 61^{6k} \equiv 1[91] \\
61^1 \equiv 61[91] & 61^{6k+1} \equiv 9[91] \\
61^2 \equiv 81[91] & 61^{6k+2} \equiv 81[91] \\
61^3 \equiv 27[91] & 61^{6k+3} \equiv 27[91] \\
61^4 \equiv 9[91] & 61^{6k+4} \equiv 9[91] \\
61^5 \equiv 3[91] & 61^{6k+5} \equiv 3[91] \\
61^6 \equiv 1[91] &
\end{array}$$

puisque $29=6*4+5$ donc

$$61^{29} \equiv 3 \pmod{91} \quad 0.5 \text{ point}$$

Supposons que le message naturel **M2 = 11** doit être encodé en utilisant la paire de la clé publique

iii. Trouvez le message chiffré **C2** qui correspond au message **M2**.

$$C2 \equiv M2^e \pmod{n} \rightarrow C2 \equiv 11^5 \pmod{91} \rightarrow C2 \equiv 72 \pmod{91} \text{ donc on peut prendre}$$

$$C2=72 \quad 0.5 \text{ point}$$

iv. Pour vérifier que le message déchiffré du **C2** est le message **M2** on calcule

$$C2^d \equiv ? \pmod{n}$$

$$\begin{array}{ll}
72^0 \equiv 1[91] & 72^{12k} \equiv 1[91] \\
72^1 \equiv 72[91] & 72^{12k+1} \equiv 72[91] \\
72^2 \equiv 88[91] & 72^{12k+2} \equiv 88[91] \\
72^3 \equiv 57[91] & 72^{12k+3} \equiv 57[91] \\
72^4 \equiv 9[91] & 72^{12k+4} \equiv 9[91] \\
72^5 \equiv 11[91] & 72^{12k+5} \equiv 11[91] \\
72^6 \equiv 64[91] & 72^{12k+6} \equiv 64[91] \\
72^7 \equiv 58[91] & 72^{12k+7} \equiv 58[91] \\
72^8 \equiv 81[91] & 72^{12k+8} \equiv 81[91] \\
72^9 \equiv 8[91] & 72^{12k+9} \equiv 8[91] \\
72^{10} \equiv 30[91] & 72^{12k+10} \equiv 30[91] \\
72^{11} \equiv 67[91] & 72^{12k+11} \equiv 67[91] \\
72^{12} \equiv 1[91] &
\end{array}$$

puisque $29=12*2+5$ donc

$$72^{29} \equiv 11 \pmod{91} \quad 0.5 \text{ point}$$

Supposons que nous ne connaissons pas p et q mais on a la clé publique $\langle 5,91 \rangle$, est ce que il est possible de trouver la clé de déchiffrement privée $\langle d,n \rangle$, dans ce cas justifiez votre réponse.

Oui \rightarrow petit $n=7*13$ donc $\phi(n) = (p-1)*(q-1) = (11-1)*(5-1) = 72 \rightarrow 5*d \equiv 1 \pmod{72}$

Donc $d=29$ **0.5 point**

Exercice 02 (6 points)

1. Les opérations d'un tour du technique DES de cryptographie symétrique **4 points**

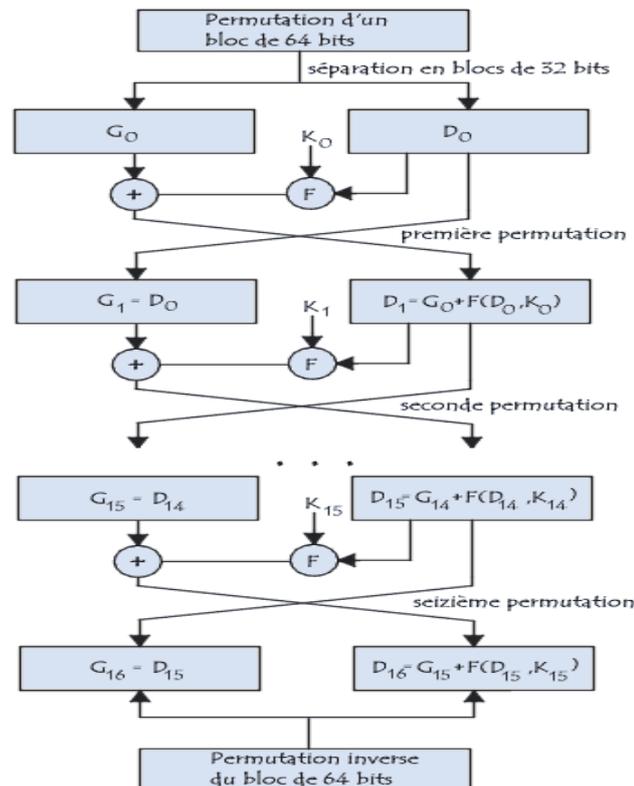
Dans chaque tour les opérations suivantes sont appliquées :

1. Le block de 64 bits (permuté) est divisé en deux blocks, chacun a 32 bits.

- 48 bits sont sélectionnés à partir de la clé de 64 bits.
- On dénote le demi-block gauche pendant le tour i par L_i et de demi block droite par R_i et les 48 bits sélectionnés de la clé pendant le même tour par K_i .
- L'opération qui s'applique chaque tour est la suivante :

$$L_i = R_{i-1} \dots \dots \dots (1)$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, K_i) \dots \dots \dots (1)$$



- Dans la technique de cryptographie DES, pourquoi doit-on à chaque tour diviser le block de 64 bits (permuté) en deux blocks, chacun de 32 bits? → Pour la faisabilité du déchiffrement sinon on ne peut pas déchiffrer le message reçu **2 point**

Exercice 03 (6 points)

Le message reçu est le suivant :

PVV ZNWTO KT JEYQVCO WJ RWFU GKFB

- On peut trouver le mot clé en utilisant Le diagonaln du tableau de **Vigenère** et puisque le message chiffré de la clé avec la clé elle-même est **SCIU** donc on aura 16 possibilités des mots clés suivantes **(3 points)**

JBEX	JBEK	JBRX	JBRK
JOEX	JOEK	JORX	JORK
WBEX	WBEK	WBRX	WBRK
WOEX	WOEK	WORX	WORK

2) Déterminer le message initial envoyé **3 points**

Message initial → **THE PRICE OF SUCCESS IS HARD WORK**

La clé utilisée → **WORKWORKWORKWORKWORKWOR**

Le message chiffré → PVVZNTOKTJEYQVCOWJRWFUGKFB